

# TECNOLOGÍAS EN EDUCACIÓN MATEMÁTICA



## MODULO 16

Dpto. de Ciencias e Ingeniería de la Computación

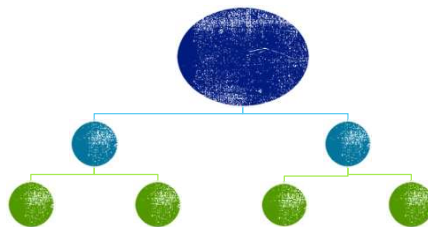
UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR

Año 2019

### Descomposición de Problemas en Sub-problemas

Cuando la complejidad de los problemas aumenta, la tarea de hallar una solución se torna más difícil.

Una metodología para reducir la complejidad consiste en **plantear la solución del problema a partir de la solución de una serie de sub-problemas más sencillos** que forman parte del problema original.



## Descomposición de Problemas en Sub-problemas

**Problema:** Dado un número se desea conocer el producto y la suma de sus dígitos.

```
Algoritmo SumaYprod
DE: N (entero)
DS: sum, prod (enteros)
sum ← 0
prod ← 1
mientras (N>0) hacer
    sum ← sum + N mod 10
    prod ← prod * N mod 10
    N ← N div 10
```

Escribirlo  
como primitiva.

DOS DATOS  
DE SALIDA!!



## Pascal - Procedimientos

```
procedure SumaYprod (N: integer; var sum, prod: integer);
begin
    sum := 0
    prod := 1
    while (N>0) do
    begin
        sum := sum + N mod 10;
        prod := prod * N mod 10;
        N := N div 10;
    end;
end;
```

Datos de salida  
con la palabra reservada VAR  
adelante.



### Pascal - Procedimientos

**Problema:** Dados dos números, se desea saber si coincide la suma o el producto de sus dígitos.

Algoritmo Verificar

DE: N1, N2 (enteros)

DS: CoincideAlgo (lógico)

Daux: sumN1, prodN1, sumN2, prodN2

SumaYprod(N1, sumN1, prodN1)

SumaYprod(N2, sumN2, prodN2)

Si (sumN1=sumN2) O (prodN1=prodN2)

entonces CoincideAlgo ← Verdadero

sino CoincideAlgo ← Falso

### Pascal - Procedimientos

```
program verificar;
```

```
  var
```

```
    N1, N2, sumN1, sumN2, prodN1, prodN2: integer;
```

```
    coincideAlgo: boolean;
```

```
  procedure SumaYprod (N: integer; var sum, prod: integer); ...
```

```
begin
```

```
  writeln('Ingrese dos números:');
```

```
  readln(N1, N2);
```

```
  SumaYprod(N1, sumN1, prodN1);
```

```
  SumaYprod(N2, sumN2, prodN2);
```

```
  if ((sumN1=sumN2) OR (prodN1=prodN2))
```

```
    then coincideAlgo:=true
```

```
    else coincideAlgo:=false;
```

```
  if coincideAlgo then writeln ('HAY COINCIDENCIA!')
```

```
    else writeln('NO HAY COINCIDENCIA.');
```

```
end.
```

### Pascal - Procedimientos

Problema: Dibujar una pirámide como la que se muestra a continuación, donde la cantidad de filas depende de un entero filas

```

1
22
333
4444
    
```

CERO  
DATOS DE  
SALIDA!!



### Pascal - Procedimientos

```

procedure dibujaPiramide(filas: integer);
var i, j: integer;
begin
  for i:=1 to filas do
    begin
      for j:=1 to i do
        write(i);
      writeln;
    end;
end;
    
```

```

1
22
333
4444
    
```

```

program piramide;
var n: integer;
procedure dibujaPiramide(filas integer);
var i, j: integer;
begin
  for i:=1 to filas do
  begin
    for j:=1 to i do
      write(i);
      writeln;
    end;
  end;
begin
  writeln('Ingrese la cantidad de filas de la piramide: '); readln(n);
  dibujaPiramide(n);
end.
    
```

Dato de entrada = parámetro por valor

VARIABLES LOCALES

Se calcula el valor de n (parámetro real) y ese valor es asignado a filas (parámetro formal).

### Pascal - Procedimientos

Problema: Dado un número entero, devolver en anterior y el siguiente

```

procedure sigant(n: integer; var na, ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;
    
```

### Pascal - Procedimientos

```

procedure sigant(n: integer; var na, ns:
integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;
    
```

El procedimiento *sigant* tiene **tres parámetros**.

- El parámetro **n** está **pasado por valor**, cuando empieza la ejecución del procedimiento, se reserva una locación de memoria para n, que se inicializa con el valor del parámetro real y se destruye cuando termina el procedimiento.
- Los **parámetros na y ns** están **pasados por referencia (también llamados por variable)**, son referencias a las locaciones de memoria que corresponden a los parámetros reales. También se reservan locaciones de memoria para estas referencias.

### Pascal - Procedimientos

```

procedure sigant (n: integer; var na,
ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;
    
```

**sigant(a, b, c);**

La primera invocación de sigant asigna el valor del parámetro real a al parámetro formal n.

El parámetro real b queda ligado al parámetro formal na, cualquier modificación en na, afecta al valor almacenado en b.

El parámetro real c queda ligado al parámetro formal ns, cualquier modificación en ns, afecta al valor almacenado en c.

Cuando termina la ejecución se destruyen las locaciones de memoria ligadas a los parámetros.

### Pascal - Procedimientos

```
procedure sigant (n: integer; var na,  
ns: integer);  
begin  
  na := n - 1;          sigant(a, c, b);  
  ns := n + 1;  
end;
```

La segunda invocación de sigant asigna el valor del parámetro real a al parámetro formal n.

El parámetro real c queda ligado al parámetro formal na, cualquier modificación en na, afecta al valor almacenado en c.

El parámetro real b queda ligado al parámetro formal ns, cualquier modificación en ns, afecta al valor almacenado en b.

Cuando termina la ejecución se destruyen las locaciones de memoria ligadas a los parámetros.

### Pascal - Procedimientos

#### ACTIVACIÓN DE UN PROCEDIMIENTO

- Un **procedimiento** se invoca desde una **instrucción**.
- Una vez invocado el control (la ejecución) pasa al procedimiento.
- El bloque de código que incluye la invocación, se suspende.
- Cuando comienza la ejecución se reserva espacio en memoria para las variables locales y para los parámetros por valor, que se inicializan con los valores de los parámetros reales. También para las referencias almacenadas en los parámetros por variable.

## TECNOLOGÍAS EN EDUCACIÓN MATEMÁTICA



### FIN MODULO 16

Dpto. de Ciencias e Ingeniería de la Computación  
UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR  
Año 2019

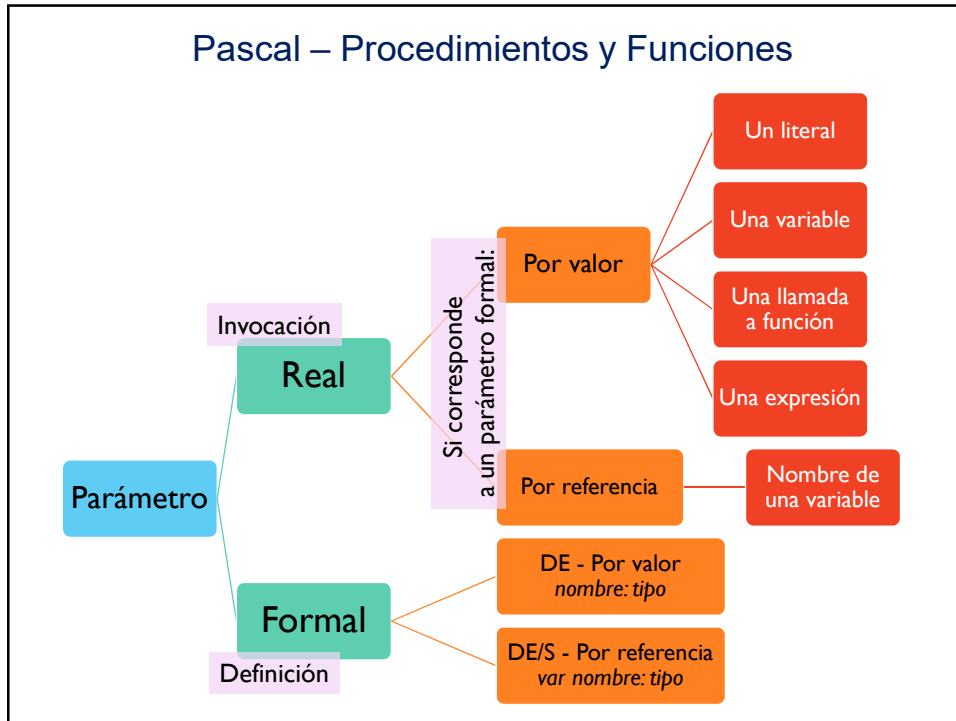
## Pascal – Procedimientos y Funciones

### MANEJO DE MEMORIA:

- Un **parámetro por valor** se inicializa en el momento de la invocación del procedimiento con el valor del parámetro real.
- Al terminar la ejecución del procedimiento la variable asociada al parámetro formal se destruye y su valor se pierde.
- Un **parámetro por referencia** introduce un nuevo nombre para referirse a la celda de memoria que corresponde al parámetro real.







```

Program parametros;
var pa1, pa2: integer;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local integer;
begin
  local:=pf1+pf2;
  writeln(pf1, pf2, local);
  pf1:= pf1+1; pf2:=local+1;
  writeln(pf1, pf2, local);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=3;
  writeln(pa1, pa2);
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1, pa2);
end.
  
```

**Variables globales** (points to `pa1, pa2`)

**Parámetros formales** (points to `pf1, pf2`)

**Variables locales** (points to `local`)

**Parámetros reales (actuales o efectivos)** (points to `pa1, pa2` in the procedure call)

## Pascal – Procedimientos y Funciones

### Resumen

#### Los datos de entrada:

- En el programa principal se leen con READ.
- En las primitivas se pasan como **parámetro por valor** (entre los paréntesis del encabezado).

#### Los datos de salida:

- En el programa principal se muestran con WRITE.
- En las primitivas:
  - Cuando es UNO SOLO se implementa una función y **se devuelve en el nombre de la función**.
  - Cuando hay cero o más de un dato de salida, se implementa un procedimiento y los datos de salida se devuelven **en parámetros por variable o por referencia** (entre los paréntesis del encabezado con la palabra reservada VAR adelante).